

100  
che con'è?

↳ visto che il 1<sup>o</sup> bit  
a sinistra è un 1  
è negativo

il primo numero negativo  
ancora da sistemare è

-4

—

$$3 \quad 2^3 \quad -4 \leq x \leq 3$$

$$-2^{3-1} \leq x \leq 2^{3-1} - 1$$

$$n \quad 2^n \quad -2^{n-1} \leq x \leq 2^{n-1} - 1$$

METODO ALTERNATIVO  
PER OTTENERE NUM. NEG.

$$+3 \quad \dots \quad 0 \quad 1 \quad 1$$

- Parti da destra e scendi i bit
- fino a raggiungere il primo "1"
- lascialo così com'è e
- inverti tutti i bit alla sua sinistra

-3 ... 101

+2 ... 010

↑ ←

-2 ... 110

-4 ... 100

↑

N.B.: questi metodi sono bidirezionali  
posso usarli per ottenere positivi da negativo

-2...110



+2...010

---

SOMMA

$$0 + 0 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 10 \text{ (0, con riporto)}$$

Si eseguono come nel sistema a base 10, le somme in colonna.

$$0010 + 2 +$$

$$\underline{0001} = \frac{1}{3}$$

$$0011$$

$$\frac{1}{3}$$

$$\begin{array}{c} \star \\ \star \\ \star \\ \star \\ \star \end{array} 1111$$

$$\underline{0011} + \text{pos}$$

OVERFLOW

$$\underline{0101} = \text{pos}$$

$$\begin{array}{c} 3 + \\ 5 = \end{array}$$

$$\underline{1000}$$

$$\text{neg}$$

$$\underline{8}$$

Se nelle due perigoni con la stella (\*)  
succede la stessa cosa (c'è nipote / non  
non c'è overflow: va tutto bene e / c'è nipote)  
la somma è valida.

Se, come in questo caso, succedono  
con diverse (nipote da una parte ma  
non dall'altra),  
allora c'è overflow.

# SOT RATIONE

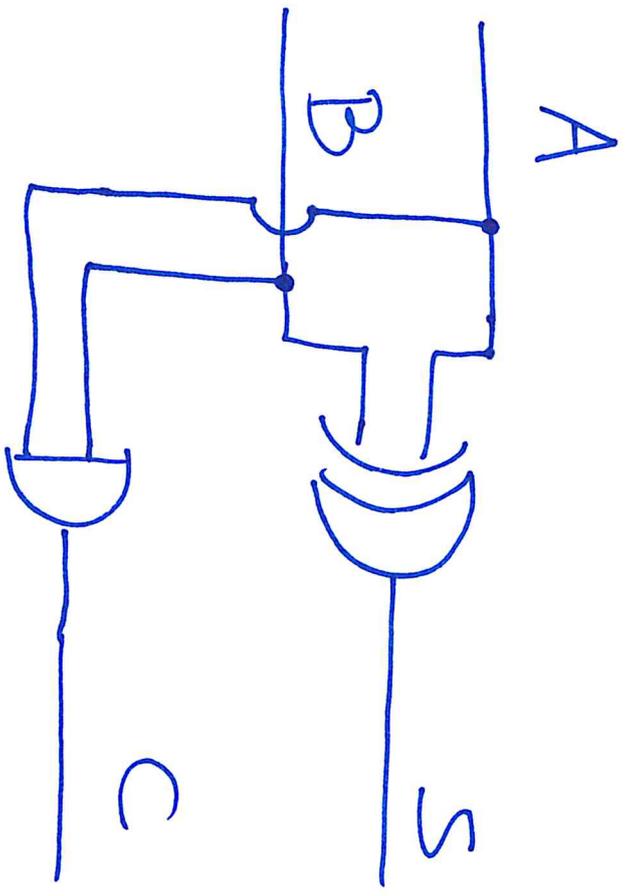
Molto semplice:

$$x - y$$

=

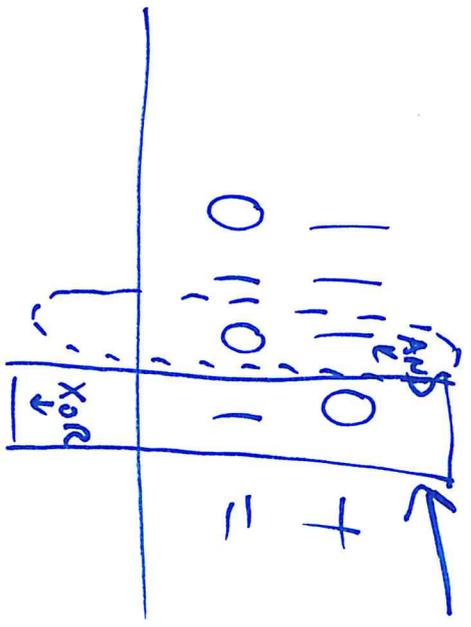
$$x + (-y)$$

|          |          |              |
|----------|----------|--------------|
| <u>A</u> | <u>B</u> | <u>Summa</u> |
| 0        | 0        | 0            |
| +        | +        | =            |
| 0        | 0        | 0            |
| +        | +        | =            |
| 1        | 1        | 1            |
| +        | +        | =            |
| 1        | 0        | 1            |
| +        | +        | =            |
| 1        | 1        | 0*           |
|          |          | 1            |

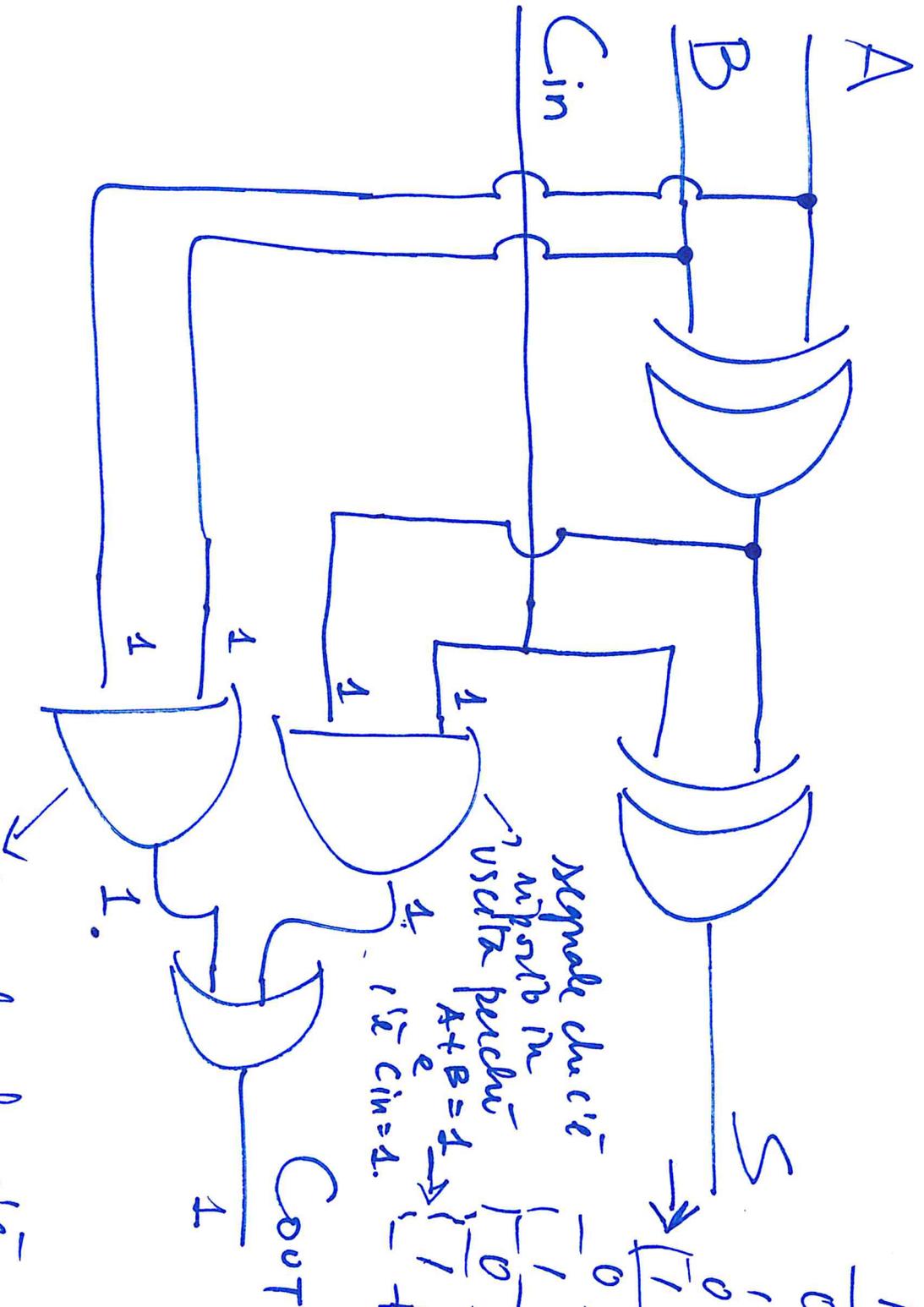


HALF-ADDER

\* con riporto di 1  
 carry



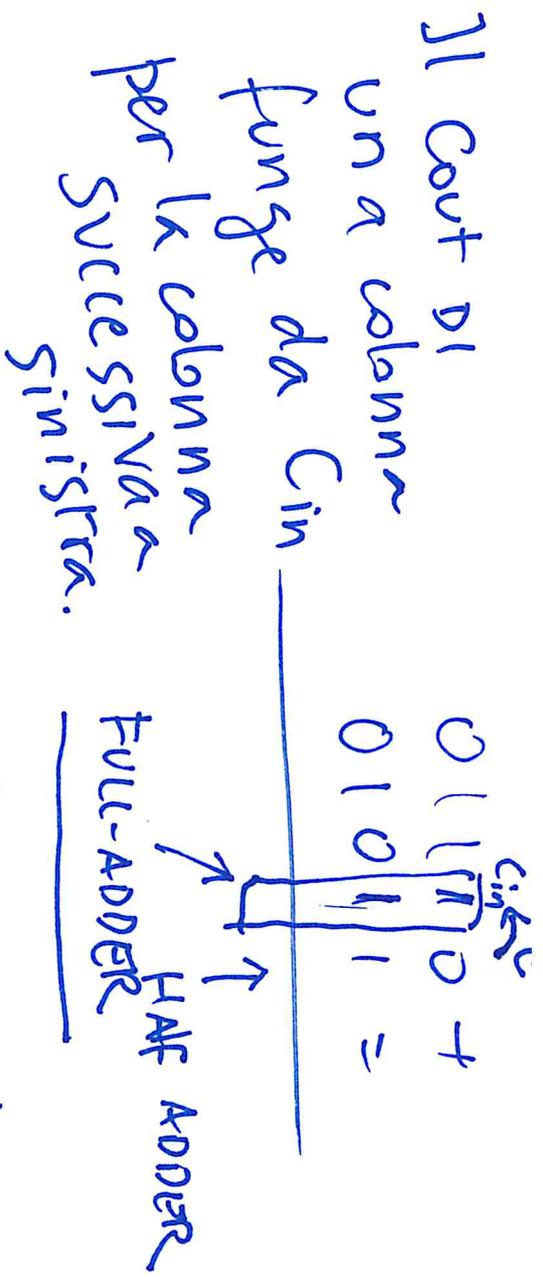
# FULL-ADDER



| A | B | Cin | S | Cout |
|---|---|-----|---|------|
| 0 | 0 | 0   | 0 | 0    |
| 0 | 0 | 1   | 1 | 0    |
| 0 | 1 | 0   | 1 | 0    |
| 0 | 1 | 1   | 0 | 1    |
| 1 | 0 | 0   | 1 | 0    |
| 1 | 0 | 1   | 0 | 1    |
| 1 | 1 | 0   | 0 | 1    |
| 1 | 1 | 1   | 1 | 1    |

segnale che c'è  
nipsito in  
uscita perché  
 $A+B=1$   
e  $Cin=1$ .

segnala che c'è nipsito in  
uscita perché sia A sia B sono 1.



$$S = (A \text{ XOR } B) \text{ XOR } C_{IN}$$

$$C_{OUT} = ((A \text{ XOR } B) \text{ AND } C_{IN}) \text{ OR } (A \text{ AND } B)$$